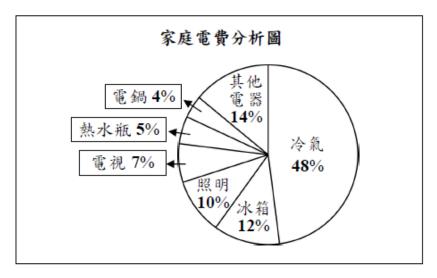
112 學年南一評鑑測驗中心

九年級第三次教育會考模擬測驗數學科非選擇題樣卷說明 一、第1題試題內容、評分規準、樣卷說明

<試題內容>

1. 炎炎夏日,許多家庭因使用冷氣機使得家庭電費大增。根據統計,夏季的家庭電費中,各種家電所產生的電費如圖(十一)所示,其中冷氣費就占了家庭電費的48%。阿文家今年夏天某一期的電費共3000元,他以圖(十一)中的比例推算家中使用各種電器產生的電費。



圖(十一)

請根據上述資訊回答下列問題,完整寫出你的解題過程並詳細解釋:

- (1) <u>阿文</u>家中有三臺冷氣機,若忽略各冷氣機使用方式及規格上的差異,將每臺冷氣機產生的電費視為相同,則此期電費中,平均一臺冷氣機所產生的電費為多少元?
- (2) <u>阿文</u>家目前使用的是定頻冷氣機,他看到一則廣告「使用變頻冷氣機將使你省下 50%的冷氣費」,<u>阿文</u>心想:「如果其他電器產生的電費不變,冷氣費能減少 50%, 這樣冷氣費就只會占家庭電費的 24%」。請判斷阿文的想法是否正確,並完整說明 你的理由?



<評分指引>依據會考的評分規準,此題的評分指引如下:

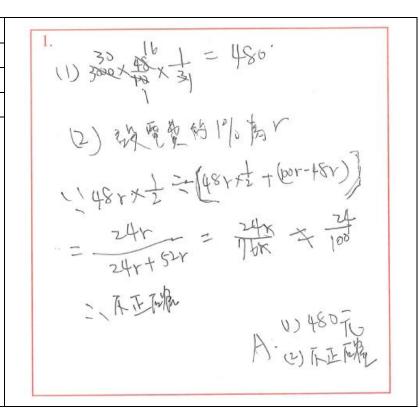
級分	評分規準
三級分	解題策略適切,能正確計算出第 (1) 小題的結果且判斷第 (2) 小題阿文
一級刀	的想法不正確,表達合理完整。
	1. 能正確計算出第(1)小題的結果;第(2)小題能正確列式表示換成變
	頻冷氣機後,冷氣費占家庭電費的比例,惟未能判斷阿文之說法是
	否正確或理由不夠完整。
	2. 能正確計算出第(1)小題的結果;第(2)小題能正確列式表示換成變
二級分	頻冷氣機後,冷氣費占家庭電費的比例,惟發生計算錯誤,導致無
	法得到正確的結果。
	3. 第(1)小題空白或是錯誤;第(2)小題能正確列式表示換成變頻冷氣
	機後,冷氣費占家庭電費的比例,並正確判斷阿文之說法是否正
	確,理由完整,解題策略適切。
	未達二級分標準,但符合下列條件:
	1. 能正確計算阿文家此期的冷氣費。
一級分	2. 能正確列式表示第(2)小題換成變頻冷氣機後,冷氣費占家庭電費
	的比例。
	3. 能根據題意合理轉化解題要素。
乘 41 八	1. 解題過程空白或與題目無關。
零級分	2. 策略模糊不清或錯誤。



<樣卷說明>

序號	3級分樣卷-1
級分	3級分
指引	(1)
樣卷說明	

解題策略適切,能正確計算出第(1)小題的結果且判斷第(2)小題阿文的想法不正確,表達合理完整。



序號 3級	及分樣卷-2	
級分	3級分	$\frac{1}{1}$ (1) $3000 \times \frac{48}{100} \times \frac{1}{3}$
指引	(1)	1.
樣卷	說明	= 480×
策略適切且工確推論出案。		(2) 登期的電腦及數電費為 元。X / 定義 為 一 電賣數 100 X / 定義 占 此 為 100 X X X 100 % = 31 % / 2 2 3 3 % / 2 2 3 3 %



序號	3級分樣卷-3
級分	3級分
指引	(1)

策略適切且表達合理 得到兩小題正確答 案。 1. 6三部冷氣忽電數 = 3000×48% = 1440元 每部平均電數 = 1440元×50% = 120元 使用發頻冷氣電數 = 3400 - (1440·50%) = 22280元 汽氧化比忽電數 = 120 = 6 = 31.6% 31.6% 产24% 数阿文的想法是錯誤的

A: 0480元00000元0000元000元

序號	2級分樣卷-1
級分	2級分
指引	(1)

樣卷說明

1.
$$\frac{3000}{30000} \times \frac{48}{100} = 1940$$
 $1940 = 3 = 480$ π
 $\frac{19}{100} \times \frac{19}{100} = 720$
 $\frac{100}{100} + 8 = 52$
 $\frac{30}{30000} \times \frac{52}{100} = 1560$
 $\frac{30}{30000} \times \frac{52}{100} = 1560$
 $\frac{30}{30000} \times \frac{52}{100} = 18$
 $\frac{720}{3250} = \frac{18}{57} \times 100\%$



序號	2級分樣卷-2
級分	2級分
指引	(1)

序號	2級分樣卷-3
級分	2級分
指引	(3)

樣卷說明

(2) 冷氣原於 48%, 即 3000×160=1440元 若黄用 城半, 則 1440×1=720元 其餘所有電影電黄依然 3000×100-48=156元 冷氣於比=720=6=31% × 24% 5欠不正在定

序號	1級分樣卷-1
級分	1級分
指引	(1)
樣卷說明	

能正確計算<u>阿文</u>家此 期的冷氣費。 3000 ×48% =1440

序號	1級分樣卷-2		
級分	1級分	1.	
指引	(1)	(1) 3000 x48%=1440	
樣	卷說明	1440 = 7 = 480 A: 480 T	
能正確言期的冷氣	計算 <u>阿文</u> 家此 1.費。		



序號	1級分樣卷-3
級分	1級分
指引	(1)
樣卷說明	

能正確計算<u>阿文</u>家此 期的冷氣費。

序號	0級分樣卷-1
級分	0級分
指引	(1)

樣卷說明

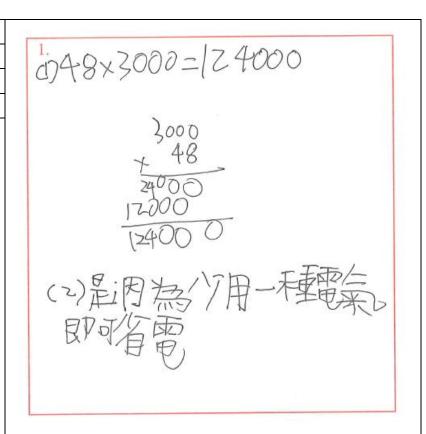
解題過程空白或與題目無關。

1. (1) 共主 共三台 1, 3000 = 3 = 1000 一台冷氣電費 1000元 井



序號	0級分樣卷-2
級分	0級分
指引	(1)
樣卷說明	

解題過程空白或與題 目無關。

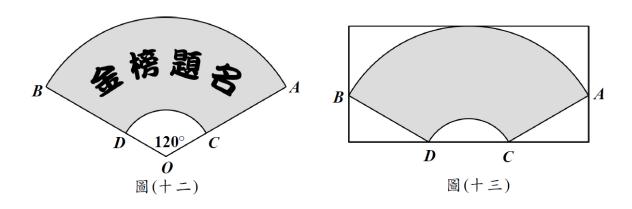


序號	0級分樣卷-3	
級分	0級分	1. 484 12 6
指引	(2)	7000 350
;	樣卷說明	7/a 355
策略模	糊不清。	
		c1)358元 A[

二、第2題試題內容、評分規準、樣卷說明

<試題內容>

2. 某學校製作「金榜題名」紙扇贈送給學生,如圖(+--)所示,紙扇兩側骨架為 \overline{OA} 、 \overline{OB} , \overline{C} 、 \overline{OB} 为別在 \overline{OA} 、 \overline{OB} 上,已知區域 AOB 與 COD 皆為扇形,其中 $\overline{AC}=\overline{DB}=20$ 公分, $\overline{OC}=\overline{OD}=10$ 公分,且 $\angle AOB=\angle COD=120^\circ$,而紙面 ABDC 是分別以 \overline{AB} 、 \overline{CD} 以及 \overline{AC} 、 \overline{DB} 所圍成的區域(灰色區域)。



請根據上述資訊回答下列問題,完整寫出你的解題過程並詳細解釋:

- (1) 計算紙面 ABDC 的面積為何?(圓周率以 π 表示)
- (2) 如圖(十三),<u>小青</u>想要用一張矩形紙張切割出紙扇的紙面*ABDC*,試求此矩形紙 張的長度與寬度的最小值分別為何?



<評分指引>依據會考的評分規準,此題的評分指引如下:

級分	評分規準
	策略適切且表達合理完整,正確推論出下列兩小題的結論:
三級分	(1) 紙扇的紙面 $ABDC$ (灰色區域)面積為 $\frac{800}{3}\pi$ 平方公分。
	(2) 矩形長度為 $30\sqrt{3}$ 公分,寬度為 25 公分。
	1. 策略適切且表達合理,推論出下列兩小題的結論
	(1) 紙扇的紙面 $ABDC$ (灰色區域)面積為 $\frac{800}{3}\pi$ 平方公分。
	(2) 矩形長度為 $30\sqrt{3}$ 公分,寬度為 25 公分,但過程中沒有顯示部分 步驟間的合理性。
	2. 策略適切,表達合理,正確得到
- m N	(1) 紙扇的紙面 $ABDC$ (灰色區域)面積為 $\frac{800}{3}\pi$ 平方公分。
二級分	(2) 僅正確計算出矩形長度為 $30\sqrt{3}$ 公分或矩形寬度為 25 公分其中之一的結果。
	$3.$ 第 (1) 小題能算出紙扇的紙面 ABDC(灰色區域)面積為 $\frac{800}{3}$ π 平方公
	分;第(2)小題策略正確且表達合理完整,惟計算過程發生嚴重計算錯誤,導致無法得出正確的長度、寬度。
	4. 第 (1) 小題空白或是錯誤,但可求出第 (2) 小題矩形長度為 $30\sqrt{3}$ 公
	分,寬度為 25 公分,答案正確,且計算推論過程皆正確。
	未達二級分標準,但符合下列條件:
	1. 策略適切,表達大致完整,由已知條件推論出紙扇的紙面 ABDC(灰色區
一級分	域)面積為 $\frac{800}{3}\pi$ 平方公分。
	2. 策略適切,表達大致完整,由已知條件正確計算出第(2)小題的矩形長
	度為30√3公分或矩形寬度為25公分其中之一的結果。
	3. 策略方向正確,但未能完全將題目轉化成數學問題。
零級分	1. 解題過程空白或與題目無關。
	2. 策略模糊不清或錯誤。



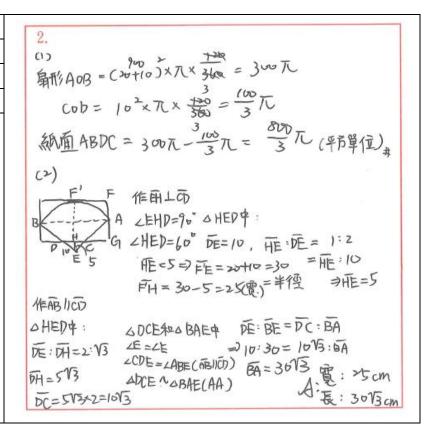
<樣卷說明>

序號	3級分樣卷-1
級分	3級分
指引	(1)

樣卷說明

策略適切且表達合理 完整,正確推論出下 列兩小題的結論:

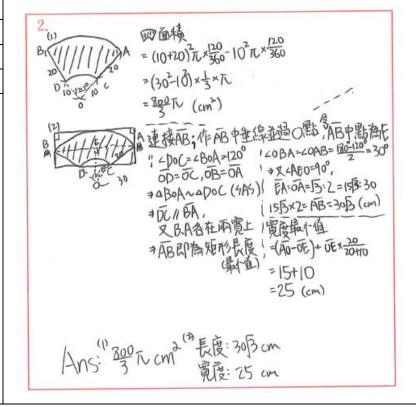
- (1)紙扇的紙面 ABDC (灰色區域) 面積為 $\frac{800}{3}\pi$ 平方公分。
- (2)矩形長度為 $30\sqrt{3}$ 公分,寬度為 25 公分。



序號	3級分樣卷-2
級分	3級分
指引	(1)

樣卷說明

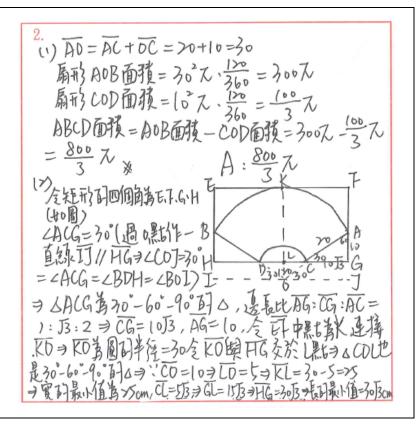
運用簡潔的解題方法 得到雨小題正確答 案。





序號	3級分樣卷-3
級分	3級分
指引	(1)
樣卷說明	

策略適切且表達完整,正確推論出兩小 題的答案。



序號	2級分樣卷-1
級分	2級分
指引	(2)

樣卷說明

策略適切,表達合理,正確得到:

- (1)紙扇的紙面 $ABDC(灰色區域)為 \frac{800}{3}\pi$ 平方公分。
- (2)僅正確計算出矩形 長度為 $30\sqrt{3}$ 公分或 矩形寬度為 25 公分其 中之一結果。

① (20+10) T X \$ = 300T 102 T X \$ = 500 T 300 T - 500 T ② 矩形的展最短為兩 作-條過 0 點 種 兩的植線、灰面於 E 點 · 0B=0A · LBAO=LABO=(180-120)+2=30 · 0E上兩 : LAEO=LBEO=90°, LAOE=LBOE=180°-30°-90° · AAOE和ABOE 角度 為 30°-60°、90° = 60° · OE: AE: AO= OE: BE= 50=1! 13:2 AE: 30= 52:2 AB=1558+1658=305 AE: 1550 与長野為305 BE: 1853 A: ① \$ 000 T 3 長飘為305



序號	2級分樣卷-2
級分	2級分
指引	(3)
樣卷說明	

第(1)小題能算出紙扇 的紙面 ABDC(灰色區

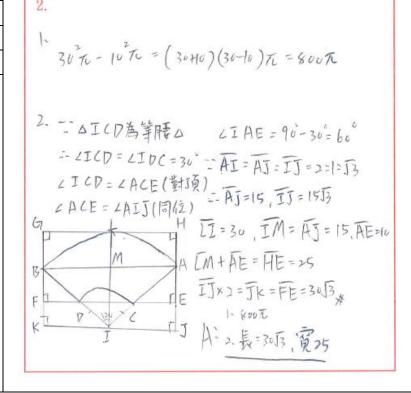
域)面積為 800 3 π 平 方公分;第(2)小題策 略正確且表達合理完整,惟計算過程發生 嚴重計算錯誤,導致 無法得出正確的長度、寬度。

20	1/(20+	10)276-	10 TU] X	366 = 800 366 = 3	TA: (3)	兀)平方	验
Š	好3	32 发	(= A	25/3/	1>800 T		
	Q> 3	x24x53	= 3/3	32×3·1	.Y }		
° E	100	30 C 5	0 = CI	120 = 0	D=10√3		
701	F = 200		X G	:: LBE/	A XOLBOA	的圆	司阿辅
当日	6030	(110)	30 77	7 LBE	A=180-	三×120	=120 20 tn 15 1
J+H	200	10 /5	20 14 1	7 LEBI	D=LEAC	=60°B	マグロまり E=AF=30
3"	令邢)= CT			7, 2GE		
A	LBDH	=LAC	I = 30°	=) AFE	BNAHD, BF====	BALCI	= 300
ヨ	TE =	30 37	毛三型	,同理	BF===yA	A) O	(HWA)
	=) 2',	8+101	3=3次	=> 1=	10/3		

序號	2級分樣卷-3
級分	2級分
指引	(4)

樣卷說明

第(1)小題空白或是錯誤,但可求出第(2)小題矩形長度為 $30\sqrt{3}$ 公分,寬度為 25公分,答案正確,且計算推論過程皆正確。





序號	1級分樣卷-1
級分	1級分
指引	(1)

策略適切,表達大致 完整,由已知條件推 論出紙扇的紙面 ABDC(灰色區域) 面積 $\frac{800}{3}\pi$ 平方公 分。

2. (1)
$$\overline{A0} = \overline{B0} = 20 + (0 = 30)$$

氧形 $A0B$ 面積 = 30^{3} $T_{1} \times \frac{120}{360}$
 $= 900$ $T_{1} \times \frac{1}{3}$
 $= 300$ T_{2}
 $ABDC$ 面積 = 300 T_{3} T_{2} T_{3} T_{4} T_{2} T_{3} T_{4} T_{2} T_{3} T_{4} T_{2} T_{3} T_{4} T_{3} T_{4} T_{2} T_{3} T_{4} T_{4}

序號	1級分樣卷-2	
級分	1級分	
指引	(1)	
and the control		

樣卷說明

策略適切,表達大致 完整,由已知條件推 論出紙扇的紙面 ABDC(灰色區域)面積 $\frac{800}{3}\pi$ 平方公 分。

2.

(30
$$^{2} \times \pi - 10^{2} \times \pi) \times \frac{120}{360}$$

= $(900\pi - (00\pi)) \times \frac{1}{3}$

= $800\pi \times \frac{1}{3}$

= $\frac{800\pi}{3}\pi$

A: $\frac{8000}{3}\pi$ cm²



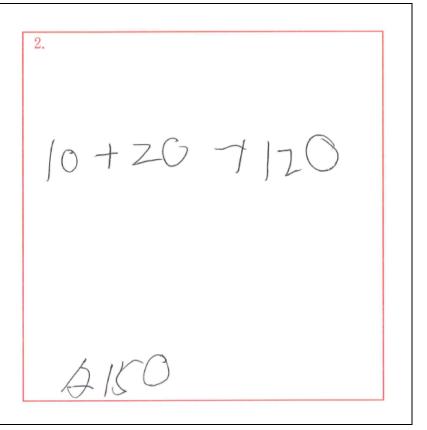
序號	1級分樣卷-3	
級分	1級分	
指引	(2)	
334 . da		

策略適切,表達大致 完整,由已知條件正 確計算出第(2)小題的 矩形長度為30√3公 分或矩形寬度為25公 分其中之一的結果。

2. (20 +10) T - 102 T - 1800 T 作品(百中點至,下 BE = LBOE = 60° AE = LAOE = 60° 0B=0E=0A(圓半徑) LOBE = LBEO = LOAE = LAED = 180-60 = 60 BIET路 GODF, GOLF 為正三角形(三內角相等) OA-OF12=30-5=25(長高的窓後) AB=30X至=155(集市的基度) (1) (2) A 8an元 長-1553cm第25cm

序號	0級分樣卷-1
級分	0 級分
指引	(1)
樣卷說明	

解題過程空白或與題 目無關。





序號	0級分樣卷-2
級分	0級分
指引	(2)
樣卷說明	

策略模糊不清。

2. (1) $30^{2} \times \pi = 900\pi$ (2) $2\pi = 4B$ $\pi = 32$ $16 \times 6 = 24$ $900\pi = 48$ $\pi = 32$ $\pi = 24$ $\pi = 24$

序號	0 級分樣卷-3	
級分	0級分	
指引	(2)	
樣卷說明		

策略模糊不清。